УДК 523.9-355, 523.9-7 DOI: 10/12737/szf-53201909 Поступила в редакцию 05.12.2018 Принята к публикации 13.06.2019

ЭВРИСТИЧЕСКАЯ МОДЕЛЬ ДЛЯ ВОССТАНОВЛЕНИЯ РЕНТГЕНОВСКОЙ ЧАСТИ СОЛНЕЧНОГО СПЕКТРА ПО СПУТНИКОВЫМ ДАННЫМ В ИНТЕРЕСАХ ГЕОФИЗИЧЕСКИХ ПРИЛОЖЕНИЙ

HEURISTIC MODEL OF SOLAR X-RAY SPECTRUM ACCORDING TO SATELLITE DATA FOR GEOPHYSICAL APPLICATIONS

Ю.А. Корсунская

Институт динамики геосфер РАН, Москва, Россия, jukor@idg.chph.ras.ru

Аннотация. В работе описана модель и представлен вычислительный алгоритм восстановления рентгеновской составляющей спектра Солнца по данным измерений в каналах XL (0.1-0.8 нм) и XS (0.05-0.4 нм или 0.05-0.3 нм) спутников GOES и канала QD (0.1-7 нм) спутника SDO. В ее основу положен спектр излучения оптически тонкой плазмы в приближении Mewe, который является температурным спектром. В работе сделано предположение о возможности представления полного спектра в виде суперпозиции спектров Mewe, помещенных в поглощающую среду атмосферы Солнца на глубину, соответствующую оптической толщине, равной единице для энергии, отвечающей значению температурного параметра. Таким образом, модель представляет собой вариант мультитемпературного приближения. В Приложении даны аппроксимационные выражения для определения опорных функций, по которым вычисляются параметры спектра.

Ключевые слова: солнечный рентген, модель спектра, спутниковые данные.

введение

Электромагнитное излучение Солнца является ведущим фактором, создающим ионосферу Земли, которая оказывает сильное влияние на распространение радиоволн [Брюнелли, Намгаладзе, 1988]. Основные процессы, определяющие динамику ионосферы, изучены и описаны, однако данные радиомониторинга говорят о событиях, которые не удается объяснить в рамках известных представлений. К числу таких явлений относятся, например, сбои систем спутниковой навигации, происходящие в условиях, которые в рамках традиционного подхода соответствуют спокойной ионосфере [Afraimovich et al., 2013].

Одним из путей поиска причин отмеченных событий является создание моделей, позволяющих более строго описать процессы формирования ионосферы и включающих динамику спектров солнечного излучения. Возможность реализации такого подхода связана с наличием данных мониторинга солнечного излучения. Наиболее продолжительный ряд относится к данным, полученным на геостационарных спутниках серии GOES. Данные представляют собой измерения потока излучения Солнца в двух каналах: XL — 0.1–0.8 нм или ~1.5–12.4 кэВ и XS — 0.05–0.4 нм или ~3–25 кэВ (на спутниках GOES-8 –

J.A. Korsunskaja

Institute of Geospheres Dynamics, RAS, Moscow, Russia, jukor@idg.chph.ras.ru

Abstract. Model and computational algorithm for recovering the X-ray component of the solar spectrum based on GOES XL (0.1–0.8 nm), XS (0.05–0.4 nm or 0.05–0.3 nm) and SDO QD (0.1–7 nm) channels data are presented. The model based the Mewe approximation of emission from optically thin plasmas that presents a temperature-like spectrum. The possibility to present the result spectrum as a superposition of Mewe spectrums placed in the solar absorbing atmosphere at one optical depth for its temperature parameter energy is suggested in this paper. So the model is a variation of the multi-temperature approximation. Spectrum parameters are determined on the basis of support functions, approximation expressions for which are given in appendix.

Keywords: solar X-ray, spectrum model, satellite data.

GOES-12 до 0.3 нм). Сплошные данные, но с разным разрешением, доступны с 1986 г., а отдельные события — с 1974 г. [https://satdat.ngdc.noaa.gov/sem/goes/ data].

С 2002 г. мониторинг ведется на спутнике RHESSI. Его аппаратура содержит твердотельный γ -спектрометр, позволяющий получать спектры в диапазоне от 3–6 кэВ до ~17 МэВ. Существенным недостатком этого спутника является его низкая орбита (~600 км) и соответствующий ей период обращения около 90 мин. Это ограничивает максимальный интервал непрерывного получения данных примерно одним часом для фотонов с энергией более ~10 кэВ и еще меньшим значением в мягком диапазоне, что связано с их поглощением атмосферой Земли. Данные доступны на электронных ресурсах с использованием пакетов HESSI и OSPEX [https://hesperia.gsfc.nasa.gov/rhessi2].

В 2008 г. был запущен низкоорбитальный спутник Fermi, который содержит два основных инструмента: GBM — монитор γ -вспышек с углом обзора 4 π в диапазоне 8 кэВ – 30 МэВ и LAT — телескоп в диапазоне 20 МэВ – 300 ГэВ с углом обзора ~20 % неба, предназначенный для исследования жестких γ -вспышек Солнца и солнцеподобных звезд.

Начиная с 2010 г. сбор информации ведется на геостационарном спутнике SDO. В состав его аппаратуры входят два спектрометра, работающие на принципах оптической спектрометрии. Данные по спектрам до мая 2014 г. соответствуют интервалу 5.8–106.2 нм, а последующие — интервалу 33– 106.2 нм. Кроме того, имеются фотодиоды для УФ-диапазонов 17.5–21.1 нм (СН18), 23.4–28.1 нм (СН26), 28–32.7 нм (СН30) и рентгена 0.1–7 нм или ~0.18–12.4 кэВ (QD). Последний детектор представляет собой четыре фотодиода с разными направлениями осей, что позволяет определять положение области вспышки на солнечном диске. Выделение всех интервалов производится за счет дифракции. Данные доступны на [http://lasp.colorado.edu/eve/ data_access/evewebdataproducts/].

Из сказанного видно, что динамика рентгеновской части (0.1–100 кэВ) солнечного излучения детально представлена интегральными характеристиками, но данные измерений спектра имеются только для области сверхжесткого рентгена 10–100 кэВ (СЖР), причем с большими перерывами по времени. Учитывая, что рентгеновское излучение Солнца играет существенную роль в формировании Е- и D-слоев ионосферы Земли, возникает необходимость восстановления его спектра исходя из измеренных интегральных характеристик.

Такая задача была поставлена в работе [Нусинов, Чуланкин, 1997], где предложен очень простой и удобный в использовании метод приближенного восстановления спектра в диапазоне 0.1–10 нм по измерениям в диапазоне 0.1–0.8 нм (соответствует каналу XL GOES). В основе модели лежит аппроксимационное выражение для интеграла потока энергии фотонов с длиной волны менее λ , полученное путем обработки спутниковых измерений 70–80-х гг. XX в. с учетом ряда соображений, касающихся воздействия солнечного излучения на атмосферу Земли. Приведенная в работе формула имеет вид

$$I_{\lambda} = C(\lambda) I_{0.1-0.8}^{D(\lambda)}, \tag{1}$$

где $C(\lambda) = C_0 \exp\left(-C_1 / \lambda^{c_2}\right);$ $D(\lambda) = D_0 + D_1 / \lambda;$ $C_0 = 73.8;$ $C_1 = 3.80;$ $C_2 = 0.36;$ $D_0 = 0.848;$ $D_1 = 0.167;$ λ — длина волны (нм); I_{λ} , $I_{0.1-0.8}$ — искомый и базовый потоки (эрг·с⁻¹·см⁻²) (1эрг·с⁻¹·см⁻² = 10⁻³ Вт·м⁻²). Отсюда получим очевидное выражение для спек-

тральной плотности мощности

$$\frac{dI_{\lambda}}{d\lambda} = \left(\frac{C_1 C_2}{\lambda^{C_2}} - \frac{D_1}{\lambda} \ln\left(I_{0.1-0.8}\right)\right) \frac{I_{\lambda}}{\lambda},\tag{2}$$

которое далее может быть пересчитано в спектральную плотность потока фотонов.

Между тем опора лишь на один канал измерений и область применимости формул (1), (2) делают невозможным использовать эту модель для исследования событий, которые сопровождаются значительными изменениями показаний в канале XS, но малыми изменениями в канале XL. Анализ таких событий приведен в работе [Корсунская, 2015].

Восстановление спектра по измерениям на спутниках GOES

В работе [Enell et al., 2008] был использован метод восстановления спектра жесткого рентгена (ЖР) по результатам измерений в каналах XL и XS спутников GOES с использованием результатов работы [Garcia, 1994], в которой показано, что по этим измерениям можно восстановить параметры температурного спектра вида

$$F(E,T) = C_{\rm ME} E^{-1} T^{-1/2} \exp(-E/kT) G(E,T), \quad (3)$$

которым описывается ЖР. В (3) F — спектральная плотность потока (фотон/с/см²/кэВ), E — энергия фотона (кэВ), T— температура (К), k — постоянная Больцмана, G — медленно меняющаяся безразмерная функция, $C_{\rm ME}$ — размерный множитель, или мера эмиссии, зависящий от количества электронов, участвующих в генерации фотонов, и не зависящий от E и T. Идея подхода состоит в том, что отношение потоков энергии в каналах XL и XS

$$R_{\rm XR}(T) = \int_{\rm XL} F(E,T) E dE \bigg/ \int_{\rm XS} F(E,T) E dE$$
(4)

является монотонной функцией *T*, а следовательно, можно определить обратную функцию $T_{\rm XR}(R)$. Это позволяет по измеренным величинам $W_{\rm XL}$ и $W_{\rm XS}$ вычислить $T=T_{\rm XR}(R)$, где $R=W_{\rm XL}/W_{\rm XS}$, после чего получить $C_{\rm ME}$.

Авторы работы [Enell et al., 2008] воспользовались видом спектра, предложенным в [Culhane, Acton, 1970],

$$F(E,T) = = CE^{-1.3}T^{-0.2} \exp\left(-\frac{E}{kT}\right) \left(1 - \left(\frac{E}{88.0}\right) 0.33kT\right)^{-1}$$
(5)

как результата обработки ракетных и спутниковых экспериментальных данных, полученных в 50–60-е гг. ХХ в. Область применимости (5) обозначена авторами как E = 1.5-15 кэВ и T=4-20 МК. Размерность C не совпадает с размерностью $C_{\rm ME}$ в (3).

Данный подход был реализован в ИДГ РАН Стрелковым при создании модели расчета скорости образования электрон-ионных пар в D- и Е-слоях ионосферы во время солнечных вспышек [Ляхов и др., 2015]. Модель как часть более широкой модели была протестирована на экспериментальной базе ИСЗФ СО РАН в КВ-диапазоне и получила хорошую оценку [Ponomarchuk et al., 2015]. Однако верификация по сигналам СДВ-диапазона дала неудовлетворительные результаты, что заставило вернуться к модели спектра.

Для уточнения модели использовался вид спектра, приведенный в [Меwe et al., 1986]. Эта работа является заключительной в серии из шести статей, в которых была рассмотрена задача о спектре излучения электронов с максвелловским распределением энергий в оптически тонкой плазме в нерелятивистском приближении. Задача сводится к получению функции G из (3). В дополнение к подробному описанию ее вида в статье дана упрощенная модель расчета непрерывной компоненты спектра и приведен ее программный код на языке FORTRAN. Именно эта программа использована в нашей работе. Область применимости модели определена авторами как λ =1÷1000 Å (~12.4 эВ – 12.4 кэВ), T=0.01÷100 MK.

Для спектра Mewe с учетом ширин каналов XL и XS получены функции

Эвристическая модель спектра солнечного рентгена...

$$J_{\rm XL}(T) = \int_{\rm XL} \frac{F(E,T)E}{C_{\rm ME}} dE,$$

$$J_{\rm XS}(T) = \int_{\rm XS} \frac{F(E,T)E}{C_{\rm ME}} dE,$$

$$R_{\rm XL, XS}(T) = \frac{J_{\rm XL}(T)}{J_{\rm XS}(T)}$$

и обратная $R_{\rm XL, XS}$ функция $T_{\rm XL, XS}(R)$. Спектральная плотность потока фотонов определяется согласно (3), где $T=T_{\rm XL, XS}(W_{\rm XL}/W_{\rm XS})$, $C_{\rm ME}=W_{\rm XL}/J_{\rm XL}(T)$, $W_{\rm XL}$ и $W_{\rm XS}$ — измерения спутников GOES.

На рис. 1 сопоставлены результаты восстановления спектров с применением приближений Меwe и Culhane, полученные по реальным спутниковым измерениям 15.02.2011 в 01:55 UT (оба спектра продлены за формальные границы области их применимости), а также показан спектр, измеренный на RHESSI. Время соответствует периоду развития вспышки. Поток рентгена относится к классу X2.1.

Видно, что предпочтение должно быть отдано приближению Mewe, которое хорошо согласуется со спектром RHESSI в интервале 7–13 кэВ. Вопрос экстраполяции в область больших значений будет обсужден ниже. Следует также добавить, что спектр в приближении Mewe — один из двух спектров, рассмотренных в работе [Garcia, 1994].

В связи с тем что приближение Меwe применимо во всей интересующей нас области ниже 10 кэВ, возникает вопрос о достаточности построенного спектра. Для ответа на него был реализован следующий подход. Аналогично функциям J_{XL} и $R_{XL,XS}$ были получены функции $J_{QD}(T)$ и $R_{QD,XL}(T)$, соответствующие каналу QD спутника SDO. Очевидно, что говорить о достаточности можно тогда, когда величина $W_{XL}R_{QD,XL}(T)$, где $T=T_{XL,XS}(W_{XL}/W_{XS})$, близка реально измеренным на SDO значениям.

Такой подход был применен к данным, полученным на спутниках GOES и SDO 06.09.2017 во время сильных солнечных вспышек и непосредственно перед ними. Для анализа использованы данные с шагом 1 мин. На рис. 2 показаны результаты спутниковых



Рис. 1. Пример восстановленных спектров с использованием приближений Mewe и Culhane, а также спектр, измеренный на спутнике RHESSI

измерений для трех рассматриваемых каналов и оценка величины восстановленного спектра в интервале 0.1-7 нм, которая вычислялась для каждого временного интервала. Хорошо видно, что эта кривая лежит существенно ниже кривой $W_{\rm QD}$ и говорить об их близости не приходится.

Приведен также график функции, получающейся в результате применения к измеренным значениям $W_{\rm XL}$ формулы (1) для вычисления интегрального потока в диапазоне 0.1–7 нм. Видно, что эта оценка также сильно (в 5–20 раз) занижает величину потока, а следовательно, формула (2) не может правильно описывать спектр в области мягкого рентгена.

Восстановление спектра по одновременным измерениям на спутниках GOES и SDO

Спектр вида (3) является базой для описания спектра в рентгеновском диапазоне. Это позволило нам применить подход, изложенный выше в отношении каналов XS и XL, к паре XL и QD. Для этого по функции $R_{\rm QD, XL}(T)$ получена функция $T_{\rm QD, XL}(R)$. Параметры спектра определяются в этом случае как $T = T_{\rm QD, XL}(W_{\rm QD}/W_{\rm XL})$, $C_{\rm ME} = R_{\rm QD, XL}(T)W_{\rm XL}/J_{\rm XL}(T)$. Будем обозначать этот спектр $F_{\rm QD, XL}(E)$, а определяется ранее — $F_{\rm XL, XS}(E)$.

На рис. 3 приведены спектры $F_{\rm QD, XL}(E)$ и $F_{\rm XL, XS}(E)$, полученные по реальным измерениям спутников 06.09.2017 в 07:15 (спокойные условия) и 12:01 UT (во время вспышки). Значения температур $T_{\rm XL, XS}$ и $T_{\rm QD, XL}$ для первого из них составляют соответственно 5.03 и 2.19, для второго — 20.79 и 2.93 MK, т. е. в обоих случаях существенно различаются. Помимо рассчитанных спектров, в качестве ориентира показан спектр LASP Reference Spectrum (No. 1 March 25–29, 2008) [http://lasp.colorado.edu/lisird/whi_ref_spectra/whi_ref_spectra.html].

Как сказано выше, приближение Меwe применимо не только в рентгеновском, но и в УФ-диапазоне, показанном на рис. 3. Из этого следует, что поток энергии в каналах УФ-диапазона в 12:01 UT должен быть почти в 100 раз больше их величин в 07:15 UT. Однако, как видно на рис. 4, отношение измерений в канале CH18 (58.7–70.7 эВ) за рассматриваемый день составило ~1.6 (за исключением времени нахож-



Рис. 2. Результаты измерений потоков в каналах XS и XL спутников GOES, в канале QD спутника SDO, величина $W_{\rm XL}R_{\rm QD, \ XL}$, определенная по $W_{\rm XS}$ и $W_{\rm XL}$, а также $W_{\rm Nus, 0.1-7}$ —оценка потока в диапазоне 0.1–7 нм, полученная по $W_{\rm XL}$ согласно (1)



Рис. 3. Спектры $F_{\text{QD, XL}}(E)$ (сплошные линии) и $F_{\text{XL, XS}}(E)$ (линии с •) рассчитанные по реально измеренным величинам для спокойных условий (07:15 UT) и во время вспышки (12:01 UT), а также спектр LASP Ref.1



Рис. 4. Результаты измерений в канале CH18 на спутнике SDO за 06.09.2017 и соответствующее ему значение согласно спектру LASP Ref.1

дения спутника в тени Земли), а по сравнению с потоком в канале, соответствующем спектру LASP, не более 2.5. Прямой расчет потока энергии в интервале канала CH18 для спектров $F_{\rm QD, XL}$ дал значения $8.2 \cdot 10^{-5}$ Вт/м² для 07:15 UT и $5.9 \cdot 10^{-3}$ Вт/м² для 12:01 UT. Если первую из этих величин, которая в шесть раз меньше измеренной в это время, можно было бы объяснить использованием нами упрощенной модели спектра, то превышение второй величины в 12 раз над измерениями означает несоответствие модели реальной картине явления.

Использованное нами приближение Mewe является приближением тонкого слоя, т. е. описывает спектр в том случае, если фотоны не поглощаются средой, в которой они родились. Это условие выполняется для той части излучения, которое генерируется в солнечной короне. Однако солнечные вспышки традиционно связывают с солнечные вспышки традиционно связывают с солнечными пятнами, т. е. с процессами, развивающимися в самой нижней части атмосферы Солнца — фотосфере. Данное обстоятельство позволило предположить, что область генерации лежит в поглощающем слое, но на такой глубине, с которой жесткая компонента спектра выходит без потерь, в то время как мягкая компонента частично или полностью поглощается средой. При этом поглощение в атмосфере Солнца происходит за счет процессов фотоионизационного взаимодействия с компонентами среды, а родившиеся фотоэлектроны становятся источником более мягкого спектра, расположенного в более высоких слоях. Это означает, что измеряемый спектр может быть представлен в виде суммы спектров нескольких источников.

Исходя из этой концепции и сделав дополнительное априорное предположение, что глубина, на которой происходит генерация спектра, соответствующего температуре T, отвечает оптической толщине $\tau(kT)=1$, мы рассмотрели спектр

$$F^*(E,T) = F(E,T)\exp(-\sigma(E)/\sigma(kT)), \qquad (6)$$

где $\sigma(E)$ — среднее сечение поглощения фотонов с энергией *E* в фотосфере.

При вычислении сечения принято, что среда состоит из нейтральных атомов в соотношении по числу частиц в единице объема (в %) [Eddy, 1979]: H — 92.0949, He — 7.788, O — 0.06033, C — 0.0303, N — 0.00806, Ne — 0.00752, Fe — 0.00358, Si — 0.00313, Mg — 0.00261, S — 0.00157. Значения сечений атомарных частиц взяты из модели EPDL97 [https://www-nds.iaea.org/epdl97/libsall.htm]. График $\sigma(E)$ для интервала энергий 50 эВ – 200 кэВ приведен на рис. 5. Видны скачки, соответствующие порогам ионизации электронных оболочек, основными из которых являются К-оболочки кислорода, кремния и железа. Между этими энергиями функция считается непрерывной.

С учетом имеющихся данных модельный спектр имеет вид

$$F_{\text{Sol}}(E) = F_{\text{XUV}}(E) + F_{\text{SXR}}(E) + F_{\text{HXR}}(E).$$
 (7)

Полагаем, что спектры $F_{\rm SXR}$ и $F_{\rm HXR}$ связаны с поглощением в атмосфере Солнца, в то время как $F_{\rm XUV}$ соответствует приближению тонкого слоя. Каждый из них характеризуется собственной температурой и мерой эмиссии, которые далее обозначены соответственно $T_{\rm XUV}$, $T_{\rm SXR}$, $T_{\rm HXR}$ и $C_{\rm XUV}$, $C_{\rm SXR}$, $C_{\rm HXR}$.

Спектр $F_{\rm HXR}$ описывает жесткую компоненту. Приведенные выше рассуждения позволяют предположить, что две другие составляющие спектра (7) не вносят вклад в $W_{\rm XS}$, поэтому его температура принята равной $T_{\rm HXR}=T_{\rm XL, XS}(W_{\rm XL}/W_{\rm XS})$.



Рис. 5. Среднее сечение поглощения фотонов в фотосфере Солнца. Значения порогов ионизации К-оболочек кислорода, кремния и железа

Очевидно, что наличие поглощения меняет вклад источника в спектр излучения, который определяется функциями $J_{XS}^*(T)$, $J_{XL}^*(T)$, $J_{QD}^*(T)$. Эти функции определены для спектра (6) аналогично таковым без символа^{*}. Следовательно, для обеспечения требуемого значения в канале XS мера эмиссии для спектра F_{HXR} должна быть увеличена в $1/K(T_{HXR})$ раз по сравнению со спектром $F_{XL,XS}$, где $K(T) = J_{XS}^*(T)/J_{XS}(T)$. Тогда $C_{HXR} = W_{XL}/J_{XL}(T_{HXR})/K(T_{HXR})$.

Вклад построенного таким образом спектра в канал XL равен $W_{\text{XL, HXR}} = C_{\text{HXR}} J^*_{\text{XL}}(T_{\text{HXR}})$, а в канал QD — $W_{\text{QD, HXR}} = W_{\text{XL, HXR}} R^*_{\text{QD, XL}}(T_{\text{HXR}})$, где $R^*_{\text{QD, XL}}(T) = = J^*_{\text{QD}}(T)/J^*_{\text{XL}}(T)$.

Следует отметить, что с увеличением температуры роль поправки, связанной с каналом XS, увеличивается. На рис. 6 приведены графики доли $W_{XL, HXR}$ в величине W_{XL} с учетом и без учета этой поправки.

Оставшаяся часть потоков в каналах XL и QD должна быть поделена между спектрами F_{SXR} и F_{XUV}. Имеющихся данных по измерениям в рентгеновском диапазоне недостаточно для того, чтобы получить параметры обоих спектров. Потоки в каналах СН18, СН26, СН30, относящихся к УФ-диапазону, определяются рекомбинационными процессами FeIX и HeII (два канала) [Woods et al., 2012] и относятся к той части спектра, которая не описывается используемым температурным приближением. Поэтому мы приняли, что спектр F_{XUV} в канал QD дает вклад $W_0 = 2 \cdot 10^{-5}$ Вт/м², а его температура равна T_{XUV}=0.7 МК. Мера эмиссии определяется как $C_{\rm XUV} = W_0 / J_{\rm QD}(T_{\rm XUV}) = W_0 / R_{\rm QD, XL}(T_{\rm XUV}) / J_{\rm XL}(T_{\rm XUV})$. При этом величина $W_0/R_{\rm QD, XL}(T_{\rm XUV})$ определяет вклад этого спектра в канал XL.

Для наглядности на рис. 7 приведены все рассматриваемые спектры на основе данных, соответствующих обсуждавшемуся выше случаю 06.09.2017, 12:01 UT. На нем также показан спектр LASP Ref.1. Видно, что спектр F_{XUV} является «пьедесталом», на котором стоит часть спектра LASP Ref.1 при E < 500 эВ. Выбранное значение W_0 не противоречит результатам измерений. Величина $W_{\rm QD}$, соответствующая спектру LASP Ref.1, равна $1.471 \cdot 10^{-4}$ Вт/м², а минимальное среднесуточное значение, зарегистрированное на SDO за весь период наблюдений по июнь 2018 г. включительно, не ниже $6 \cdot 10^{-5}$ Вт/м².

Таким образом, спектр F_{SXR} должен быть построен исходя из того, что его вклады в каналы QD



Рис. 6. Доля $W_{XL, HXR}$ в величине W_{XL} с учетом и без учета поправки, связанной с каналом XS



Рис. 7. Пример построения спектров по значениям $W_{\rm XS}$, $W_{\rm XL}$ и $W_{\rm QD}$. Спектр $F_{\rm Sol}$ построен с применением алгоритма экстраполяции

и XL равны $W_{QD,SXR} = W_{QD} - W_{QD,HXR} - W_0$ и $W_{XL,SXR} = W_{XL} - W_{XL,HXR}$ соответственно. Делать поправку для канала XL за счет спектра F_{XUV} не нужно, так как формальное вычисление этой величины дает $1.25 \cdot 10^{-14}$ Вт/м², что, по крайней мере, на 5 порядков ниже нижней границы измерений. Для определения температуры построена дополнительная функция $T^*_{QD,XL}(R)$, обратная $R^*_{QD,XL}$. Параметры спектра F_{SXR} равны $T_{SXR} = T^*_{QD,XL}(W_{QD,SXR}/W_{XL,SXR})$, $C_{SXR} = W_{XL,SXR}/J^*_{XL}(T_{SXR})$.

На рис. 8 приведен суточный ход температур $T_{\rm QD, XL}$, $T_{\rm SXR}$ и $T_{\rm HXR}$, вычисленный на основе данных измерений 06.09.2017. Хорошо видно, что на всем интервале времени значения $T_{\rm SXR}$ меньше $T_{\rm QD, XL}$. Следует также отметить, что если диапазон изменений $T_{\rm SXR}$ составил менее 1.1 МК, то $T_{\rm HXR}$ менялась в пределах 19 МК.



Рис. 8. Значения температур, полученные по измерениям 06.09.2017

Поведение спектра в диапазоне больших энергий

Как следует из (3) и видно на рис. 7, температурный спектр при $E \gg kT$ экспоненциально падает. Однако, как отмечено еще в обзорной работе [Dennis, 1988], температурный спектр при больших энергиях переходит в степенной, т. е. $\sim E^{-\gamma}$. Величина γ меняется в довольно широких пределах, зависит от типа вспышки и фазы ее развития. Для многих вспышек значение γ находится в пределах 7–9, но в некоторых случаях опускается до ~5 и ниже. При этом, как видно на рис. 1, при уходе в еще более жесткую область спектр, оставаясь степенным, описывается функцией с меньшим значением γ .

Из сказанного следует, что при необходимости детального изучения влияния жесткой сверхтемпературной компоненты солнечного излучения на атмосферу Земли необходимо использовать данные спектрометров. В то же время их анализ показал, что в первом приближении можно ограничиться экстраполяцией спектра (7)

$$F_{\rm sol}(E) = F_{\rm Sol}(E_0) (E/E_0)^{-\gamma},$$
 (8)

где
$$E_0 = 6.5kT_{\text{HXR}}, \quad \gamma = -\frac{d \ln F_{\text{HXR}}}{d \ln E}\Big|_{E=E_0}, \quad E > E_0.$$
 Такое

приближение дает показатель степени $\gamma \approx 7.6 \pm 0.2$. Спектр F_{Sol} , изображенный на рис. 7, демонстрирует данный метод экстраполяции.

Спектр F_{Sol} не всегда обеспечивает плавное сопряжение с экспериментально полученными спектрами. Для построения единого экспериментальномодельного спектра, который не содержит физически необоснованных скачков, может быть применена следующая модификация описанного метода.

По значению $W_{\rm XL}$ и экспериментальному спектру, заданному набором точек $\left\{ \left(E_{\rm data,i}, F_{\rm data,i} \right) \middle| i = 1, N_{\rm data} \right\}$, находится такое значение $T_{\rm ex}$, что спектр $F(E, T_{\rm ex})$ с $C_{\rm ME} = W_{\rm XL}/J_{\rm XL}(T_{\rm ex})$ достаточно близок $F_{\rm data}$. Формальный критерий в этом случае имеет вид

$$\left| \max_{i} \left(\frac{F(E_{\text{data},i}, T_{\text{ex}})}{F_{\text{data},i}} - 1 \right) \right| \le \varepsilon,$$
(9)

где є — задаваемая величина. Далее принимается $T_{\text{HXR}} \equiv T_{\text{ex}}$ и построение модельной части спектра осуществляется в соответствии с описанной ранее процедурой. Очевидно, что экстраполяция (8) в этом случае не проводится.

Особенности вычислительного алгоритма и экспериментальных данных

Нами была создана программная реализация предложенной модели. Разработанный алгоритм в кратком виде представлен в приложении 1. Для расчета опорных функций, по которым вычисляются параметры спектров, использованы аппроксимации. Их коэффициенты приведены в приложении 2. Коэффициенты аппроксимаций даны с точностью не более шести знаков мантиссы.

Очевидно, что в идеале интегралы $\int F_{Sol}(E)EdE$, вычисленные по интервалам, соответствующим каналам XS, XL и QD, должны давать исходные значения потоков энергии в них. Расчеты показали следующие относительные ошибки: $\pm 1~\%$ для канала XL, от -2 до +3~% для канала XS, от +1 до +5~% для канала QD. Основной источник этих ошибок с качеством использованных аппроксимационных выражений.

Необходимо отметить, что приведенные величины соответствуют варианту спектра без экстраполяции. Использование экстраполяции влияет только на ошибку в канале XS, которая в этом случае может доходить до нескольких сотен процентов. Такая ситуация возникает тогда, когда экстраполированная часть спектра дает заметный вклад в величину интеграла и наблюдается только в условиях спокойного Солнца.

В общем случае можно утверждать, что чем выше жесткость спектра и больше потоки, тем выше расчетная точность.

Важно отметить еще одну особенность разработанной модели. Использованная нами функция G(E, T) не обладает свойствами монотонности и непрерывности ни по одной из переменных, вследствие чего функции $R_{XL, XS}(T)$, $R_{QD, XL}(T)$ и $R^{T}_{QD, XL}(T)$ также не обладают этими свойствами. В диапазоне, имеющем для рассматриваемой задачи практическое значение, особыми точками являются температуры 1, 1.5, 3, 4.5 и 8 MK. Однако заметный эффект наблюдается только при T = 3 МК, который проявляется в невозможности в окрестности этой точки определить функции $T_{\text{XL}, \text{XS}}(R)$ и $T^*_{\text{QD}, \text{XL}}(R)$ как обратные и необходимости их достраивания с помощью дополнительных соображений. В то же время температура жесткой компоненты спектра ~3 МК соответствует спокойному Солнцу, т. е. ситуации, когда вид спектра в значительной мере определяется принятой моделью экстраполяции. Для мягкой компоненты это значение слишком высоко и не было достигнуто ни в одном рассмотренном случае. Таким образом, некоторый волюнтаризм в определении этих функций не сказывается на конечном результате.

Отличие созданной реализации от описанной теоретической модели состоит в том, что, как показала практика, учет поправки $J^*_{\rm XS}/J_{\rm XS}$ при малых значениях $T_{\rm HXR}$ дает бо́льшую ошибку интеграла потока энергии по сравнению с вариантом, когда эта поправка не делалась. Поэтому было решено принять K(T)=1 при $kT < E_{\rm K}({\rm O})$, т. е. доля $W_{\rm XL, HXR}$ в величине $W_{\rm XL}$, изображенная на рис. 6, для температур, лежащих левее левого скачка функций, соответствует не верхней, а нижней кривой.

Как сказано выше, экспериментальные данные со спутников GOES соответствуют двум вариантам определения диапазона XS (0.05–0.4 и 0.05–0.3 нм), поэтому опорные функции $T_{XL, XS}(R)$ и K(T), зависящие от ширины канала, представлены в приложении 2 для обоих вариантов. Однако основной объем экспериментального материала со спутника SDO приходится на период функционирования спутников GOES с аппаратурой, соответствующей диапазону 0.05–0.4 нм, поэтому все приводимые в настоящей работе результаты относятся к этому случаю.

Важно также помнить, что, согласно [GOES_XRS_readme], для получения реальных значений потоков архивные данные со спутников с номерами 8–15 необходимо перемасштабировать, разделив считанное значение канала XL на 0.7, а канала XS — на 0.85.

В большинстве случаев на один и тот же период времени приходится работа двух или более спутников GOES. Это позволяет получать непрерывный ряд экспериментальных данных даже тогда, когда один из спутников находился в тени Земли или был выведен на профилактику. Однако одновременные измерения разных спутников различаются. Наибольшие расхождения наблюдаются в период низкой солнечной активности. Анализ данных показал, что в качестве основных следует принимать измерения GOES-15. Нижняя граница архивных значений канала XS_{13} (нижний индекс — номер спутника) равна $2 \cdot 10^{-8}$ BT/m², поэтому отличие от XS₁₅ может доходить до 20 раз. Данные XL₁₄ и XS₁₄ не рекомендуется использовать, если они лежат ниже 10⁻⁷ Вт/м². Анализ данных спутников 8–12 не проводился.

При использовании спутниковых данных следует помнить, что измерения GOES приведены к орбите Земли, в то время как почти все материалы с SDO и все данные спутников RHESSI и Fermi отнесены к 1 AU. Среднесуточные коэффициенты пересчета на 1 AU (квадрат расстояния от Солнца до Земли в AU) содержатся в архиве GOES. Однако связанная с этим поправка не выходит за пределы ±3.4 %, поэтому ее учет скорее всего можно считать избыточным для задач геофизики. При построении экспериментально-модельного спектра не имеет смысла рассматривать экспериментальные точки далее ~30 кэВ, а также следует ограничиться той частью, которая соответствует области монотонного спада.

Обсуждение результатов

Для оценки качества предложенной модели было проведено сравнение модельных спектров F_{Sol} , полученных на основе результатов реальных измерений, со спектрами RHESSI, а также с модельными спектрами F_{Nus} , рассчитанными по формулам (1), (2) для тех же исходных данных, в интервале энергий фотонов 0.124–12.4 кэВ.

На рис. 9 представлены спектры, соответствующие потокам X2.1, M3.2, M2.4 и C1.2 классов. Видно, что в двух первых случаях спектр F_{Sol} хорошо согласуется со спектром RHESSI. Модельные спектры для энергий более ~1.5 кэВ совпадают или очень близки.

В ситуации, показанной на рис. 9, *в*, модельный спектр лежит несколько ниже экспериментального, а экстраполяция дает бо́льшую скорость спада по сравнению с реальной. Причина может заключаться в том, что, как отмечено в [Dennis et al., 2006], в ряде случаев низкоэнергетичная часть спектра RHESSI соответствует мультитемпературному приближению. Очевидно, в такой ситуации использованного нами приближения (7) недостаточно для корректного



Рис. 9. Сравнение модельных спектров F_{Sol} и F_{Nus} с экспериментальными данными

описания спектра. Модельный спектр F_{Nus} лежит еще ниже спектра F_{Sol} .

Спектр F_{Sol} , показанный на рис. 9, *г*, в диапазоне ЖР лежит немного выше спектра RHESSI, однако скорость его спада близка к экспериментальным значениям. Он также близок к жесткой части спектра F_{Nus} , но лучше описывает спад.

Анализ спектров показывает, что чем ниже класс потока, тем хуже модельный спектр согласуется с экспериментальным. Вероятно, это связано с особенностями аппаратуры спутников GOES и моделью пересчета результатов измерений в потоки энергии. Ширины каналов XL и XS, обозначаемые как 0.1– 0.8 и 0.05–0.4 нм, являются лишь некоторыми эффективными значениями. Реальные окна пропускания, рассчитанные для GOES-13 и приведенные в [GOES_XRS_readme], определены как 0.02–1.6 и 0.01– 0.8 нм соответственно. Это означает, что в ситуации, когда температурная часть спектра Солнца сравнительно мала, повышение потоков в СЖР-диапазоне может значимо сказываться на измеряемой величине. Пример такого спектра приведен на рис. 10, *а*.

На рис. 10, б продемонстрирована еще одна проблема, с которой мы столкнулись. Как следует из указанных на графике значений, потоки в каналах XS, XL и QD на 16.02.2018 были значительно ниже потоков на 12.09.2017. Поведение модельных спектров F_{Sol} полностью им соответствует. Однако спектр RHESSI для 16.02.2018 в диапазоне энергий менее ~20 кэВ лежит значительно выше его спектра для 12.09.2017. Это различие доходит до двух порядков. Таким образом, видна явная несогласованность результатов измерений разных спутников. Причина этого нам не известна, но можно предположить, что она связана с начавшимися проблемами с детекторами спутника RHESSI, которые 11.04.2018 были отключены из-за перегрева.

Как видно на рис. 9 и 10, a, в области мягкого рентгена спектр F_{Nus} лежит значительно ниже спектра F_{Sol} . Это полностью согласуется со сделанным ранее утверждением, что значение потока в диапазоне, эквивалентном ширине канала QD, вычисленное по формуле (1), оказывается существенно меньше реальных измерений. Поэтому для проверки предлагаемой модели был применен следующий подход. Учитывая, что модель оставляет широкий произвол задания входных значений потоков в трех каналах, были рассмотрены случаи, когда входным параметром является W_{XL} , а W_{QD} и W_{XS} вычисляются с использованием формулы (1).

На рис. 11 показаны два варианта таких расчетов. Они соответствуют спектрам на рис. 9, *в*, *г*, для которых было получено наибольшее расхождение двух модельных спектров. Значения потоков $W_{\rm XL}$, указанные на графиках, являются скорректированными значениями, а $W_{\rm QD}$ и $W_{\rm XS}$ — вычисленными по формуле (1). Спектры $F_{\rm Nus}$ и $F_{\rm Sol}$ на рис. 11, *а* фактически совпадают при энергиях более 0.23 кэВ, а для варианта на рис. 11, *б* заметное расхождение получается только выше ~8 кэВ.



Рис. 10. Аналогично рис. 9, но для класса C1.1 при повышенном потоке в СЖР диапазоне (*a*); δ — спектры F_{Sol} и RHESSI для двух моментов времени, демонстрирующих рассогласованность данных разных спутников. W_{XS} и W_{XL} — нескорректированные значения. Единицы измерения — Вт/м^2



Рис. 11. Сравнение спектра F_{Nus} и спектра F_{Sob} построенного по значениям потоков W_{QD} и W_{XS} , вычисленным по формуле (1) согласно W_{XL} . Панели *a*, *б* соответствуют рис. 9, *в*, *г*. W_{XL} — скорректированное значение. Единицы измерения — Вт/м²

Завершая обсуждение, сравним спектр LASP Ref.1 с модельными спектрами F_{Nus} и F_{Sol} , которые получены по интегральным характеристикам потоков, рассчитанным непосредственно по исходному спектру. Их величины, а также сами спектры приведены на рис. 12. Видно, что спектр F_{Sol} в диапазоне мягкого рентгена ближе к исходному спектру, чем F_{Nus} , а в интервале 2–8 кэВ все три спектра почти совпадают. Превышение спектра F_{Sol} над LASP Ref.1 в более жесткой части не имеет значения, поскольку, как видно на рис. 10, даже при маленьких потоках в каналах XL и XS спектры RHESSI лежат выше спектра LASP Ref.1.

Суммируя сказанное, можно утверждать, что предложенная модель восстановления спектра солнечного излучения дает результаты, хорошо согласующиеся с экспериментальными и теоретическими спектрами в области их совместного применения. Вычислительная ошибка, определяемая точностью задания опорных функций, необходимых для расчета параметров модельного спектра, не оказывает существенного влияния на конечный результат.

Применение модели к реальным спутниковым данным дает спектры, которые не содержат значимой составляющей в диапазоне УФ-излучения, следовательно, нижней границей модельных спектров, построенных по полной модели, является граница рентгеновского диапазона 100 эВ. В отсутствие данных SDO возможно построение спектра для энергий фотонов более 1.5–2 кэВ.

Верхняя граница применения модельного спектра определяется значением спектральной плотности потока фотонов. Сравнение его со спектрами RHESSI показало, что эта граница может быть установлена на уровне 10^{-2} фотон/кэВ/с/см². Значение энергии, соответствующее такому потоку, варьирует в пределах от 10 до 100 кэВ. Для детального изучения воздействия жесткой компоненты спектра солнечного излучения на атмосферу Земли необходимо рассматривать экспериментально-модельный спектр, метод построения которого также изложен в настоящей работе.



Рис. 12. Спектр LASP Ref.1 и модельные спектры F_{nus} и F_{sol} , полученные на основе интегральных характеристик, вычисленных по исходному спектру

Представленный подход построения спектра по данным спутниковых измерений оставляет возможность его уточнения, один из способов которого сводится к определению параметров компоненты F_{XUV} по реальным измерениям в УФ-диапазоне.

К сказанному следует добавить, что, по своей сути, разработанная модель является вариантом построения мультитемпературного спектра.

Все спутниковые экспериментальные данные, использованные в работе, взяты из электронных ресурсов в период январь-май 2018 г.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В работе изложены общие принципы построения рентгеновской компоненты спектра Солнца по данным измерений в каналах XS и XL спутников GOES и QD спутника SDO в рамках мультитемпературного приближения, опирающегося на температурный спектр в приближении Mewe [Mewe et al., 1986]. Сопоставление модельного спектра с данными измерений спутника RHESSI позволило определить границу перехода температурного спектра в степенной.

Описание алгоритма и аппроксимационные выражения опорных функций для вычисления параметров спектра приведены в Приложении.

В период подготовки статьи стало известно, что после 16 лет работы вместо запланированных двух спутник RHESSI прекратил свое существование как научный прибор.

Работа выполнена в рамках гос. задания № 0146-2019-0010.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

Брюнелли Б. Е., Намгаладзе А. А. Физика ионосферы. М.: Наука, 1988. 528 с.

Корсунская Ю.А. Влияние жесткого рентгеновского и гамма излучений Солнца на ионосферу Земли и другие процессы в геосферах. Часть І. Экспериментальные данные // Динамические процессы в геосферах. М.: ГЕОС, 2015. С. 122–133.

Ляхов А.Н. и др. Программа для ЭВМ ИДГ-ДС. Патент РФ № 2015612232, 2015.

Нусинов А.А, Чуланкин Д.И. Изменения мягкого рентгеновского излучения Солнца при вспышках // Геомагнетизм и аэрономия. 1997. Т. 37. С. 14–23.

Afraimovich E., Astafyeva E., Demyanov V., et al.: A review of GPS/GLONASS studies of the ionospheric response to natural and anthropogenic processes and phenomena. // J. Space Weather and Space Climate. 2013. V. 3, N A27. DOI: 10.1051/swsc/2013049.

Culhane J.L., Acton L.W. A simplified thermal continuum function for the X-ray emission from coronal plasmas // Monthly Notices of the Royal Astronomical Society. 1970. V. 151. P. 141–147. DOI: 10.1093/mnras/151.1.141.

Dennis B.R. Solar flare hard X-ray observations // Solar Phys. 1988. V. 118. P. 49–94. DOI: 10.1007/BF00148588.

Dennis B.R., Phillips K.J.H., Sylwester J., et al. Thermal and nonthermal contributions to the solar flare X-ray flux. 2006. URL: http://www.cbk.pan.wroc.pl/body/publikacje/ 2006/therm_nonth_htm.html (дата обращения 21.01.2018.

Eddy J. A New Sun: The Solar Results from Skylab. National Aeronautics and Space Administration, Washington, D.C., 1979. P. 37. URL: https://history.nasa.gov/SP-402/ contents.htm.

Enell C.-F., Verronen P.T., Beharrell M.J., et al. Case study of the mesospheric and lower thermospheric effects of solar X-ray flares: coupled ion-neutral modeling and comparison with EISCAT and riometer measurements // Ann. Geophys. 2008. V. 26. P. 2311–2321. www.ann-geophys.net/ 26/2311/2008/.

Garcia H.A. Temperature and emission measure from GOES soft X-ray measurements // Solar Phys. 1994. V. 154. P. 275–308. DOI: 10.1007/BF00681100.

GOES X-ray Sensor (XRS) Measurements. Version 1.4.1. URL: https://www.ngdc.noaa.gov/stp/satellite/goes/doc/ GOES_XRS_readme.pdf (дата обращения 11.02.2018).

Mewe R., Lemen J.R., van den Oord G.H.J. Calculated Xradiation from optically thin plasmas. VI. Improved calculations for continuum emission and approximation formulae for nonrelativistic average Gaunt factors // Astron. Astrophys.: Suppl. Ser. 1986. V. 65. P. 511–536.

Ponomarchuk S.N., Kurkin V.I., Lyakhov A.N., et al. The modeling of HF radio wave propagation characteristics during the periods of solar flares // Proc. SPIE 9680, 21st International Symposium Atmospheric and Ocean Optics: Atmospheric Physics. 2015. 96805F. DOI: 10.1117/12.2203591.

Woods T.N., Eparvier F.G., Hock R., et al. Extreme Ultraviolet Variability Experiment (EVE) on the Solar Dynamics Observatory (SDO): Overview of science objectives, instrument design, data products, and model developments // Solar Phys. 2012. V. 275. P. 115–143. DOI: 10.1007/s11207-009-9487-6.

REFERENCES

Afraimovich E, Astafyeva E, Demyanov V, Edemskiy I, Gavrilyuk N, et al. A review of GPS/GLONASS studies of the ionospheric response to natural and anthropogenic processes and phenomena. *J. Space Weather and Space Climate.* 2013, vol. 3, no. A27. DOI: 10.1051/swsc/2013049.

Bryunelli B.E., Namgaladze A.A. *Fizika ionosfery* [Physics of the Ionosphere]. Moscow, Nauka Publ., 1988. 528 p. (In Russian).

Culhane J.L., Acton L.W. A simplified thermal continuum function for the X-ray emission from coronal plasmas. *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*. 1970, vol. 151, pp. 141–147. DOI: 10.1093/mnras/151.1.141.

Dennis B.R. Solar flare hard X-ray observations. *Solar Phys.* 1988, vol. 118, pp. 49–94. DOI: 10.1007/BF00148588.

Dennis B.R., Phillips K.J.H., Sylwester J., Sylwester B., Schwartz R.A., Tolbert K.A. Thermal and nonthermal contributions to the solar flare X-ray flux. 2006. URL: http://www.cbk.pan.wroc.pl/body/publikacje/2006/therm_nont h_htm.html (Accessed 21.01.2018).

Eddy J. A New Sun: The Solar Results from Skylab. National Aeronautics and Space Administration, Washington, D.C., 1979. P. 37. URL: https://history.nasa.gov/SP-402/ contents.htm.

Enell C.-F., Verronen P.T., Beharrell M.J., Vierinen J.P., Kero A., Seppala A., et al. Case study of the mesospheric and lower thermospheric effects of solar X-ray flares: coupled ionneutral modeling and comparison with EISCAT and riometer measurements. *Ann. Geophys.* 2008, vol. 26, pp. 2311–2321. www.ann-geophys.net/26/2311/2008.

Garcia H.A. Temperature and emission measure from GOES soft X-ray measurements. *Solar Phys.* 1994, vol. 154, pp. 275–308. DOI: 10.1007/BF00681100.

GOES X-ray Sensor (XRS) Measurements. Version 1.4.1. URL: https://www.ngdc.noaa.gov/stp/satellite/goes/doc/GOES_ XRS_readme.pdf (Accessed 11.02.2018).

Korsunskaja J.A. The effect of hard X-rays and gamma radiation of the Sun on the Earth's ionosphere and other processes in the geosphere. Part I. Experimental data. *Dinamicheskie protsessy v geosferakh*. [Dynamic Processes in Geospheres]. Moscow, GEOS Publ., 2015. pp. 122–133. (In Russian).

Lyakhov A.N. et al. *Programma dlya EVM IDG-DS* [IDG-DS PC Program]. Patent RF no. 2015612232, 2015.

Mewe R., Lemen J.R., van den Oord G.H.J. Calculated Xradiation from optically thin plasmas. VI. Improved calculations for continuum emission and approximation formulae for nonrelativistic average Gaunt factors. *Astron. Astrophys.: Suppl. Ser.* 1986, vol. 65, pp.511–536.

Nusinov A.A., Chulankin D.I. Variations of the solar soft X-rays during flares. *Geomagnetism and Aeronomy*. 1997, vol. 37, no. 1, pp. 14–23.

Ponomarchuk S.N., Kurkin V.I., Lyakhov A.N., Romanova E.B., Tashchilin A.V. The modeling of HF radio wave propagation characteristics during the periods of solar flares. *Proc. SPIE 9680, 21st International Symposium Atmospheric and Ocean Optics: Atmospheric Physics.* 2015. 96805F. DOI: 10.1117/12.2203591.

Woods T.N., F.G. Eparvier, Hock R., Jones A.R., Woodraska D., Judge D., et al. Extreme Ultraviolet Variability Experiment (EVE) on the Solar Dynamics Observatory (SDO): Overview of science objectives, instrument design, data products, and model developments. *Solar Phys.* 2012, vol. 275, pp.115–143. DOI: 10.1007/s11207-009-9487-6.

Как цитировать эту статью:

Корсунская Ю.А. Эвристическая модель для восстановления рентгеновской части солнечного спектра по спутниковым данным в интересах геофизических приложений. *Солнечно-земная физика*. 2019. Т. 5, № 3. С. 89–101. DOI: 10/12737/szf-53201909.

Приложение 1. Описание алгоритма HMSXS (Heuristic Model of Solar X-ray Spectrum)

Представлены два варианта модели: полный для диапазона энергий фотонов более 100 эВ и укороченный — для диапазона более 1.5 кэВ.

Входными данными для полного варианта являются $W_{\rm XL}$ и $W_{\rm XS}$ — измерения спутников GOES в интервалах 0.1–0.8 и 0.05–0.4 нм (или 0.05–0.3 нм) соответственно, $W_{\rm QD}$ — измерения спутника SDO в интервале 0.1–7 нм, выраженные в единицах кэB/c/см² (1 Вт/м²=6.25·10¹¹ кэB/с/см²), *E* — энергия фотона в кэВ. Укороченный вариант не использует измерения спутника SDO.

Результатом расчета является спектральная плотность потока числа фотонов в единицах фотон/ с/см²/кэВ, соответствующая энергии *E*. Спектр состоит из двух частей: температурной (при $E < E_0$) и нетемпературной (при $E \ge E_0$). Значение E_0 зависит от входных данных.

Модель использует опорные функции: $J_{\rm XL}(T)$, $J_{\rm XL}^*(T)$, $T_{\rm XL,XS}(R)$, $T_{\rm QD,XL}(R)$, $R_{\rm QD,XL}(T)$, $R_{\rm QD,XL}(T)$, K(T), $\sigma(E)$, аппроксимационные выражения для расчета которых приведены в приложении 2. Аргументы и функции *T* выражены в К. Помимо перечисленных функций для получения G(E, T) модель использует программный код на языке FORTRAN, приведенный в работе [Меwe et al., 1986], в котором *G* рассматривается как функция длины волны λ (в Å) (λE =12.38) и температуры *T* в MK.

Формулы и последовательность вычислений

Базовая формула для вычисления спектральной плотности имеет вид:

 $F(E, C_{\rm ME}, T) = C_{\rm ME} E^{-1} T^{-1/2} \exp(-E/(kT)) G(E, T),$ *k*=8.617e–8. *Температурная часть спектра* ($E < E_0$) • укороченная модель: $T = T_{\rm XL, XS}(W_{\rm XL}/W_{\rm XS}),$ $C_{\rm ME} = W_{\rm XL}/J_{\rm XL}(T),$ $F_{\rm XR, \, XS}(E) = F(E, \, C_{\rm ME}, \, T),$ $E_0 = 6.5 kT.$ • полная модель: $T_{\rm XUV} \equiv 0.7 {\rm e6}$, $W_0 = 2e5 \cdot 6.25e11 = 1.25e7,$ $C_{\rm XUV} = W_0 / R_{\rm OD, XL} (T_{\rm XUV}) / J_{\rm XL} (T_{\rm XUV}), (C_{\rm XUV} \approx 6.147 \text{e}^{-11}),$ $F_{\rm XUV}(E) = F(E, C_{\rm XUV}, T_{\rm XUV}),$ $T_{\rm HXR} = T_{\rm XL, XS}(W_{\rm XL}/W_{\rm XS}),$ $C_{\rm HXR} = W_{\rm XL}/J_{\rm XL}(T_{\rm HXR})/{\rm K}(T_{\rm HXR}),$ $F_{\text{HXR}}(E) = F(E, C_{\text{HXR}}, T_{\text{HXR}}) \exp(-\sigma(E) / \sigma(kT_{\text{HXR}})),$ $W_{\rm XL, HXR} = C_{\rm HXR} J^*_{\rm XL} (T_{\rm HXR}),$ $W_{\text{QD, HXR}} = W_{\text{XL, HXR}} R^*_{\text{QD, XL}}(T_{\text{HXR}}),$ $W_{\rm OD,\,SXR} = W_{\rm QD} - W_{\rm QD,HXR} - W_0,$ $W_{\rm XL, SXR} = W_{\rm XL} - W_{\rm XL, HXR},$ $T_{\rm SXR} = T^*_{\rm OD, XL}(W_{\rm OD, SXR}/W_{\rm XL, SXR}),$ $C_{\rm SXR} = W_{\rm XL, SXR} / J^*_{\rm XL}(T_{\rm SXR}),$ $F_{\text{SXR}}(E) = F(E, C_{\text{SXR}}, T_{\text{SXR}})\exp(-\sigma(E) / \sigma(kT_{\text{SXR}})),$ $F_{\rm Sol}(E) = F_{\rm XUV}(E) + F_{\rm SXR}(E) + F_{\rm HXR}(E),$ $E_0 = 6.5 k T_{\rm HXR}$

Нетемпературная (экстраполированная) часть спектра (*E*≥*E*₀):

$$\Delta E = 0.01,$$

$$E_1 = E_0,$$

$$E_2 = E_0 + \Delta E.$$

Для $\lambda_i \in \{1.4, 4.6, 6.1, 9.1, 14.2\}$ найти минимальное

значение *i*, удовлетворяющее условию $12.38/\lambda_i \le E_0$. Если *i* >1 и $12.38 / \lambda_{i-1} \le E_2$, то $E_2 = E_0 - \Delta E$. *Вычислить:* • укороченная модель:

$$F_1 = F_{XR, XS}(E_1), F_2 = F_{XR, XS}(E_2),$$

 $F_0 = F_1$.

• полная модель:

 $F_1 = F_{\text{HXR}}(E_1), F_2 = F_{\text{HXR}}(E_2),$

$$F_0 = F_1 \exp(-\sigma(E_0) / \sigma(kT_{\text{HXR}})).$$

$$A = (\ln(F_2) - \ln(F_1)) / (\ln(E_2) - \ln(E_1)) (A < 0),$$

$$F_{\text{ext}}(E) = F_0 (E/E_0)^A.$$

С учетом того, что параметры спектров не зависят от энергии фотона, их вычисление может быть

сят от энергии фотона, их вычисление может оыть вынесено в отдельный программный блок. Тогда однократно полученные значения могут далее использоваться для определения искомой величины спектральной плотности при заданной энергии *E*. Такой подход позволит заметно сократить время машинного счета.

Приложение 2. Аппроксимации опорных функций модели HMSXS

Аргументом искомой функции может быть: *Е* — энергия в кэВ, *Т* — температура в К, *R* — безразмерная величина.

Для всех рассматриваемых функций используется аппроксимация полиномами $P_N(x) = \sum_{i=0}^N a_i x^i$. Во всех

случаях, кроме функции K(T), полиномы аппроксимируют десятичный логарифм искомой функции. Для функции K(T) использована аппроксимация самой функции. Аргументом полинома является десятичный логарифм аргумента искомой функции. Исключение составляет функция $T_{XL,XS}(R)$ при R < 10, где аргумент полинома x = R. Области определений искомых функций разбиты на интервалы, на которых определены полиномы. Границы интервалов задаются одним из вариантов: значением аргумента искомой функции, значением десятичного логарифма этого аргумента, а для функций от Т – величиной kT (k=8.617е-8 кэВ/К — постоянная Больцмана). Границы интервалов, степени и коэффициенты полиномов приведены в табл. П.1-П.10. Каждая строка таблицы соответствует одному интервалу. Интервалы приведены в порядке возрастания аргумента искомой функции. В строке приведена верхняя граница интервала. Его нижняя граница соответствует верхней границе предыдущего интервала или нижней границе области определения функции. В таблицах использованы обозначения: $E_{\rm K}({\rm O}) = 0.53728$ кэВ, $E_{\rm K}({\rm Si}) = 1.8285$ кэВ $E_{\rm K}({\rm Fe}) =$ =7.0834кэВ.

	N	a_0	a_1	a_2	a_3	a_4					
		$\lg \sigma = P_N(\lg E)$									
$E < E_{\rm K}({\rm O})$	1	-22.014	-2.677		_	_					
$E < E_{\rm K}({\rm Si})$	1	-21.77	-2.58	_	_	-					
$E < E_{\rm K}({\rm Fe})$	2	-21.58	-2.843	0.346	_	_					
$E \le 200$	4	-17.59	-13.54	10.493	-3.614	0.459					

Коэффициенты аппроксимации функции σ(Е) в диапазоне 0.05–200 кэВ

Таблица П.2

Коэффициенты аппроксимации функции *К*(*T*) (канал XS 0.4–0.05 нм)

	Ν	a_0	a_1	a_2	<i>a</i> ₃
			$K = P_N(\lg$	g T)	
$kT < E_{\rm K}({\rm O})$	0	1	-	_	_
lg $T < 7.2$	3	199.062	-87.5525	12.9103	-0.635077
$kT < E_{\rm K}({\rm Si})$	2	-53.8482	15.6238	-1.11363	_
lg $T < 7.6$	3	-301.849	114.822	-14.3516	0.58954
$kT < E_{\rm K}({\rm Fe})$	3	-540.196	213.24	-27.8684	1.20712
lg $T < 8.1$	2	120.048	-28.9866	1.75287	-
lg $T < 8.3$	3	998.077	-356.617	42.508	-1.69006
lg $T < 8.5$	3	620.494	-218.296	25.6186	-1.00269
$\lg T \le 9.0$	3	85.1592	-29.0526	3.31511	-0.126334

Таблица П.3

Коэффициенты аппроксимации функции K(T) (канал XS 0.3–0.05 нм)

	N	a_0	a_1	a_2	<i>a</i> ₃
			$K = P_N$	(lg <i>T</i>)	
$kT < E_{\rm K}({\rm O})$	0	1	-	—	—
lg $T < 7.2$	3	146.34	-63.9588	9.3879	-0.45963
$kT < E_{\rm K}({ m Si})$	2	-40.7695	11.8416	-0.83991	—
lg $T < 7.7$	3	101.314	-48.4152	7.6527	-0.397818
$kT < E_{\rm K}({\rm Fe})$	2	1.5471	1.1305	-0.162286	—
lg $T < 8.1$	2	134.603	-32.4009	1.95317	—
lg $T < 8.3$	3	1032.76	-367.285	43.5751	-1.72439
lg $T < 8.5$	3	650.159	-228.143	26.7066	-1.04268
lg $T \le 9.0$	3	100.152	-34.0886	3.88033	-0.147517

Таблица П.4

Коэффициенты аппроксимации функци
и $T_{\rm XL,XS}(R)$ (канал XS 0.4–0.05 нм)

	Ν	a_0	a_1	a_2	a_3		
			$\lg T =$	$P_N(R)$			
$0.72 \le R < 0.85$	3	41.56	-115.3	135.520	-53.99		
<i>R</i> < 1.3	3	13.045	-10.9	8.1	-2.16		
<i>R</i> < 3	3	9.3	-1.72	0.521	-0.0586		
R < 7	3	7.9745	-0.3695	0.0496	-2.484e-3		
<i>R</i> < 10	3	6.627	0.1774	-0.02577	1.051e-3		
	$\lg T = P_N(\lg R)$						
lg R < 2.5	3	7.454	-0.7665	0.209	-0.02282		
$\lg R \le 8.0$	3	6.996	-0.258	0.0243	-9.706e-4		

Таблица П.5

Коэффициенты аппроксимации функци
и $T_{\rm XL,XS}(R)$ (канал XS 0.3–0.05
нм)

	Ν	a_0	a_1	a_2	<i>a</i> ₃		
	$\lg T = P_N(R)$						
$0.72 \le R < 1$	3	34.6	-82.12	87.16	-31.4		
<i>R</i> < 1.9	3	10.39	-3.563	1.71	-0.3017		

Эвристическая модель спектра солнечного рентгена...

Heuristic model of solar X-ray spectrum...

R < 4	3	8.705	-0.79	0.1697	-0.0137		
<i>R</i> < 10	3	7.95	-0.214	0.0211	-7.89e-4		
	$\lg T = P_N(\lg R)$						
$\lg R < 3.3$	3	7.754	-0.8157	0.2172	-0.02345		
$\lg R \le 8.0$	3	7.09	-0.197	0.0149	-5e-4		

Таблица П.6

Коэффициенты аппроксимации функции $T^*_{\text{OD,XL}}(R)$

		-			
	Ν	a_0	a_1	a_2	<i>a</i> ₃
			$lg T = P_N$	(lg <i>R</i>)	
$0.64 \le \lg R < 1.7475$	3	7.116	-0.655	0.2487	-0.045
lg $R < 5.0$	3	6.9035	-0.3096	0.0420	-0.00255
lg $R \le 7.95$	2	6.5849	-0.123	0.0047	-

Таблица П.7

Коэффициенты аппроксимации функции $R_{\text{QD,XL}}(T)$

	Ν	a_0	a_1	a_2	a_3
			$\lg R = P_N$	$_{V}(\lg T)$	
$6.5\mathrm{e}5 \leq T < 3\mathrm{e}6$	3	3342.13	-1520.14	231.342	-11.7747
lg <i>T</i> < 7.1	3	888.463	-369.335	51.3451	-2.38583
lg $T < 8.0$	3	121.656	-43.981	5.31888	-0.21498
lg $T \le 9.0$	3	38.7631	-13.0515	1.47102	-0.05537

Таблица П.8

Коэффициенты аппроксимации функции $R^*_{\text{QD,XL}}(T)$

	Ν	a_0	a_1	a_2	a_3				
		$\lg R = P_N(\lg T)$							
$6. \le \lg T < 6.2$	2	609.025	-185.646	14.1969	-				
<i>T</i> < 3e6	3	3551.05	-1617.25	246.431	-12.559				
$kT < E_{\rm K}({\rm O})$	2	228.258	-64.708	4.5928	-				
lg <i>T</i> \le 7.32	2	116.47	-31.678	2.1546	-				
lg $T \le 9.0$	0	0	—	-	-				

Таблица П.9

Коэффициенты аппроксимации функции $J_{\rm XL}(T)$

	Ν	a_0	a_1	a_2	a_3
			$\lg J = P_N($	$\lg T$)	
$5.6 \le \lg T < 6$	3	-5201.24	2422.86	-378.004	19.73
lg $T < 6.1$	2	-824.12	253.513	-19.652	_
T < 3e6	3	-2868.62	1277.343	-190.524	9.5042
lg $T < 7.2$	3	-498.87	198.792	-26.773	1.21014
lg $T \le 9.0$	3	-116.82	38.077	-4.2348	0.15645

Таблица П.10

Коэффициенты аппроксимации функции $J^*_{XL}(T)$

		-			
	N	a_0	a_1	a_2	a_3
			$\lg J = P_N($	$\lg T$)	
$5.77 \le \log T < 6$	3	-6087.54	2881.33	-456.986	24.2617
<i>T</i> < 3e6	3	-2956.	1319.33	-197.247	9.8629
$kT < E_{\rm K}({\rm O})$	3	-912.763	382.865	-54.0406	2.5555
$kT < E_{\rm K}({ m Si})$	3	-207.381	68.845	-7.458	0.25287
$kT < E_{\rm K}({\rm Fe})$	3	1105.34	-448.034	60.3084	-2.70509
lg $T < 8.4$	3	-1165.44	434.003	-53.8797	2.22234
lg $T \le 9.0$	3	799.748	-275.972	31.617	-1.20947